

新中考背景下目标贯通的习题教学课的实践研究

——基于教材例、习题的再设计研究

任丽杰

喀左县第二初级中学

[摘要]中考复习阶段的习题课教学,教师在课堂上的关注点应该落在如何培养学生的数学素养上。而教材中的例、习题为教学活动提供了大量有趣、生动的范例,是教师传授知识、学生习得技能的重要载体,通过对教材例题、习题深度挖掘,围绕培养学生的数学核心素养展开问题串的设计,挖掘问题中的“生长点”逐步引导学生深入的思考问题,从而锻炼学生的数学能力和数学素养。

[关键词]习题课教学;深度挖掘;数学素养

【DOI】10.12252/j.issn.2096-6261.2021.09.098

习题课是以讲授习题为主的课型,在数学教学中是常见且重要的课型之一,可促进学生对数学知识和方法的理解运用,培养学生分析问题和解决问题的能力。而数学核心素养是个人的数学思维能力,他是在数学学习过程中逐步思考、反思、领悟而形成。而这些都离不开教师的引导,教师给学生“教什么?、怎么教?”在很大程度上影响着学生将来具备怎样的数学素养。只有认真挖掘教材,探究问题的“生长点”,才能使数学核心素养得以有效体现与落实。基于此,本文以一道教材习题为例,通过对习题的研究,拓展,变式训练,尝试挖掘习题的教育价值。

一、原题呈现

题目:已知:如图1, $\triangle ABD$, $\triangle AEC$ 都是等边三角形,求证: $BE=DC$

题目选自人教版《义务教育教科书·数学》八年级上册等边三角形83页12题,此题是为巩固全等三角形的判定及等边三角形的性质而配置的。对于教材上这道题的解决,可有效的考察学生的基础知识,基本识图能力,通过此题的分析研究,可以使学生对全等的判定和等边三角形性质的理解更加透彻。

二、拓展延伸

教师对教材例习题进行有针对性地改编,挖掘其中潜在的教育功能,让问题生长,不仅可以让学生巩固所学知识,而且还可以锻炼学生的思维能力。基于此,题目可以进行以下变式。

1、立足基础,拓展原有命题的结论

教师要根据学生已有的基础知识,注重对图形内涵的挖掘,拓展命题的结论,突出对数学思维能力的考查,让思维得到锤炼,创造思维得以发展。

变式1:如图1, $\triangle ABD$, $\triangle AEC$ 都是等边三角形,

(1) $\angle BOC$ 的度数为多少?

(2) 若 $\angle BAC$ 的度数发生变化, $\angle BOC$ 的度数是否发生改

变,说明理由。

变式1是在原题目的已知条件的基础上拓展出了两个问题,其价值导向在于让学生在思考原题目结论的基础上,把握思维路径,探究新的结论,发现思维路途上的“风景”,形成属于自己的数学知识,实现“再创造”的学习。

2、伸展条件,探究原有结论的变式

增添部分已知条件,发现新的结论,通过变式训练,帮助学生挖掘问题的本质属性。

变式2:如图1:过点A作 $AM \perp DC$,过点A作 $AN \perp BE$,求证: $AM=AN$

方法(1):可通过证明 $\triangle ADM \cong \triangle ABN$ 方法(2):

可通过证明 $\triangle ACM \cong \triangle AEN$

方法(3):可利用全等三角形对应边上的高相等

变式3:如图3:连接AO,又能发现什么结论?在二问的基础上学生很容易能发现 $RT\triangle AOM \cong RT\triangle AON$,可得AO平分 $\angle DOE$ 以及 $\angle MAN$,引导学生通过 $AM=AN$,利用角平分线的判定定理(在角的内部,到角两边距离相等的点在这个角的平分线上)证明AO平分 $\angle DOE$

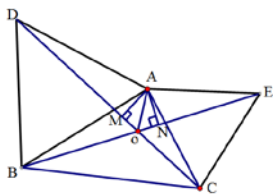


图 1

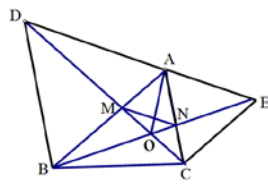


图 2

变式2和变式3是对教材习题的进一步深化,同时也使得原题目显得更加充实与丰满,让学生经历深层次的探究,有利于提高学生对此类问题及其解决策略的理解和掌握。

3、变换图形,迁移原命题的变式

对图形中的角度进行变换,改编问题呈现的表象,在引导学生理解原有知识的基础上,转变问题方向,加以知识和方法的迁移,这样的变式有利于学生解题思路的形成,使解

题方向更加明确。

变式4: 如图2当 $\angle BAC=60^\circ$ 时, 连接MN, 在不添加其他条件的情况下, 你又能发现哪些结论? 有前几问的基础, 给学生充分自主学习的时间, 学生能说出很多正确结论。例如: $AM=AN$, $DM=BN$, $MC=NE$, AO 平分 $\angle MON$, $\triangle ADM \cong \triangle ABN$

$\angle BAE = \angle DAC = 120^\circ$, $\triangle EAN \cong \triangle CAM$, $AC \parallel DB$, $EC \parallel AB$, $\angle DAB = \angle DBA = \angle ADB = 60^\circ$, $\angle DOB = \angle EOC = 60^\circ$ $MN \parallel DE$
 $AB=AD=DB$, $AE=EC=AC$, $\angle BOC=120^\circ$ 等等

变式4让学生自己发现结论, 进一步巩固了前边全等的知识, 又有效的照顾了不同层次的学生, 充分体现了分层教学。

(问题呈现): 刚才我们找到了这么多结论, 你能对他们进行分类吗? 分类的依据是什么? (师生活动): 学生独立思考后进行小组交流, 交流的重点是: (1) 相互补充 (2) 对结论进行分类 (3) 说明分类的依据, 充分交流后小组派代表进行汇报。学生经过分类, 将全等, 角相等, 线段相等, 平行分别归类。

此时教师要适时点拨: 最初我们发现结论时, 有些是无序的, 经过分类。就将无序变为有序了。因此我们不仅要能够发现结论, 更要知道应该从哪个角度去发现结论, 即从“形状, 大小, 位置”三个角度, 而“形状, 大小和位置”, 正是几何学研究的对象, 也是几何学研究的本质。

教师特殊提示: MN与DE平行吗? 为什么?

对于这个问题, 教师要引导学生要认真研究已知条件, 需要指明D、A、E三点共线。

变式5: 如图2: 在D、A、E共线的条件下, 求证:
 $OD=OB+AO$

(此题教师点拨讲解):

(提示) 如图: 在OD上截取 $OH=AO$, 连接AH, 由前面证明

可知 $\angle DOB=60^\circ$, 因此 $\angle DOA = \frac{1}{2} \angle DOE = 60^\circ$, 进而得到 $\triangle AOH$ 为等边三角形, 得到 $AO=AH$, 在证明

$\triangle ADH \cong \triangle ABO$, 得到 $DH=BO$, 由此得到 $OD=OB+AO$

通过变式4和变式5的解决, 引导学生从“变”的现象中发现“不变”的本质, 有利于培养学生的迁移能力, 力图通过这一系列的变式, 使学生明白解题的思路和方法, 旨在发展学生的思维水平。

变式6: 如图2, 若点A为DE上一点, 分别以AD、AE为边做等边 $\triangle ADB$ 和等边 $\triangle AEC$, 若 $DE=a$, 当点A在DE上运动时, 是否存在一个位置, 使MN的长最大? 若存在, 试求出此时AE和MN

的长。

分析: 由上述结论可知: $MN \parallel DA$, $\triangle AMN$ 为等边三角形, 因此 $AM=MN$

设 $MN=y$, $AE=x$ 在 $\triangle ABE$ 中由 $MN \parallel AE$ 可知

$$\frac{MN}{AE} = \frac{BM}{AB} \text{ 所以可得 } \frac{y}{x} = \frac{a-x-y}{a-x}$$

$$\text{解得: } y = -\frac{1}{a}x^2 + x = -\frac{1}{a}\left(x - \frac{a}{2}\right)^2 + \frac{a}{4} \quad (0 < x < a)$$

当 $x = \frac{a}{2}$ 时 x 有最大值 $\frac{a}{4}$ 即当点A为DE中点时MN长最大

变式6有助于把学生的思维逐渐引向新的高度, 培养学生勇于求新、求异、引申、拓展的应变能力。

三、教学反思

1、精心选择习题和例题

习题和例题的选择是习题课教学的关键, 选好习题和例题会起到事半功倍的作用, 习题和例题的选择要具有典型性、层次性、探究性。

典型性也就是具有代表性, 通过典型习题的训练可以使学生通过练习达到掌握知识、形成技能、掌握通性通法的目的, 并起到举一反三、触类旁通的作用;

层次性是指习题的选择既要有基础题, 又要有综合题; 既要有常规题, 还要有创新题, 其中要以基础题和中档难度题为主。探究性是指所选的习题和例题应具有拓展和推广价值, 能引起学生的深入思考, 可引发丰富多彩的探究活动。

2、注重解题方法的指导

教学过程要注意暴露学生解题的思维过程, 注重对学生解题能力的培养, 教师要注意引导学生从习题的求解过程中提炼出数学思想方法。

3、重视解题后的归纳总结

总之, 教材的例习题教学不单是解决问题本身, 更需要挖掘问题本质, 从不同的切入点提高学生分析研究问题的能力, 适时引导学生深入思考和反思, 从而获得对相关知识本质的深刻理解, 帮助学生巩固所学知识提高新知识运用能力。

参考文献

[1] 许清炼. 新中考背景下的初中数学试题命制实践研究[J]. 数学大世界: 上旬, 2021(1): 1.
 [2] 杨春旺. 新中考背景下初中数学“课题学习”的探索与实践[J]. 新课程教学: 电子版, 2021(7): 2.